



# ***Mathématiques***

## ***Module 21***

### **Géométrie dans l'espace**



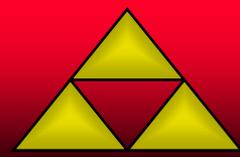
- Reconnaître les solides
- Rappeler les formules de calcul des volumes
- Identifier les intersections des volumes avec un plan





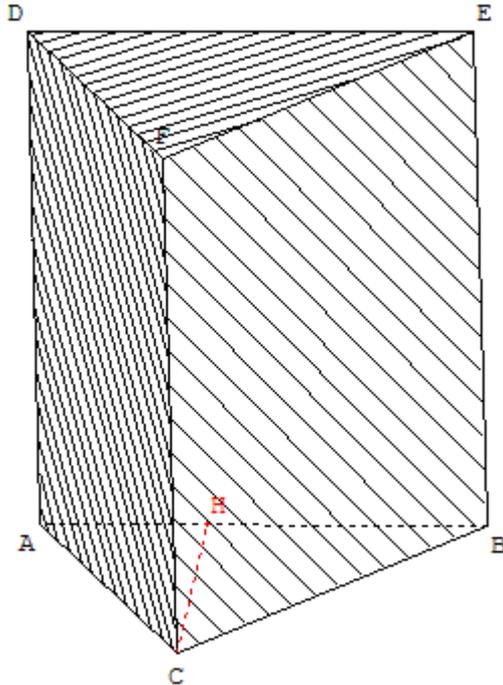
- Solides
- Calcul de volumes et surfaces
- Intersections
- Longitude et latitude





- Quels sont les différentes formes de solides ?
- Comment calculer les volumes et surfaces de ces solides ?
- Comment déterminer les formes d'intersection de ces solides par un plan ?



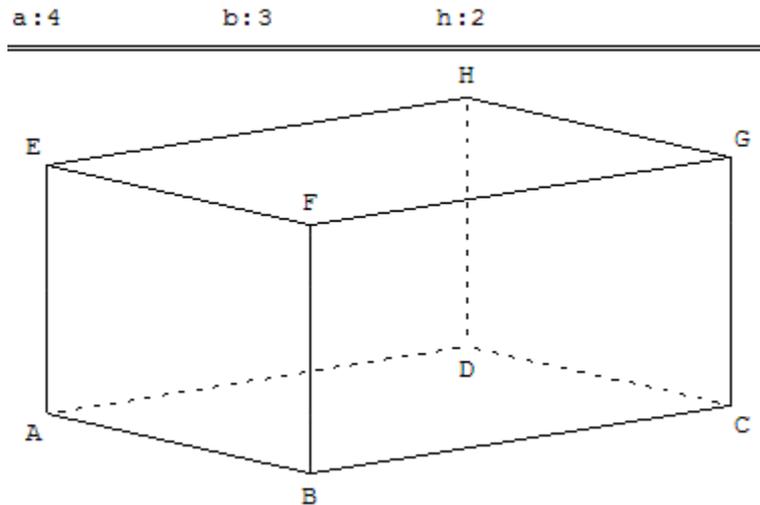
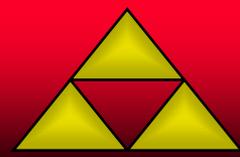


$$\begin{aligned} \text{Volume}(\text{ABCDEF}) &= \text{Aire de la base} \times \text{hauteur} \\ &= \text{Aire}(\text{ABC}) \times \text{AD}. \end{aligned}$$

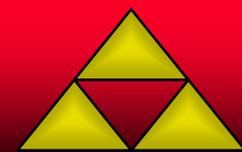
$$\text{Aire}(\text{ABC}) = \frac{1}{2} \times \text{base} \times \text{hauteur} = \text{AB} \times \text{CH}.$$

$$\text{Volume}(\text{ABCDEF}) = \text{AB} \times \text{CH} \times \text{AD}$$

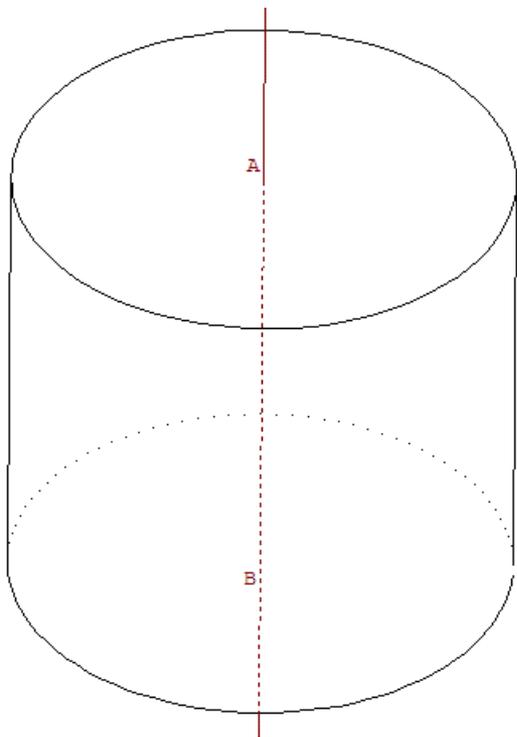
## Reconnaître et calculer les volumes : le parallélépipède



$$\begin{aligned}
 & \text{Volume}(ABCDEFGH) \\
 &= \text{Aire de la base} \times \text{hauteur} \\
 &= \text{Aire}(ABCD) \times AE = AB \times AD \times AE
 \end{aligned}$$



# Reconnaître et calculer les volumes : le cylindre



## Volume

Si le cercle de base a pour rayon  $r$ , l'aire de la base est  $\pi r^2$  ; la hauteur  $[AB]$  a pour longueur  $h$ .

*Volume = aire de la base  $\times$  hauteur*

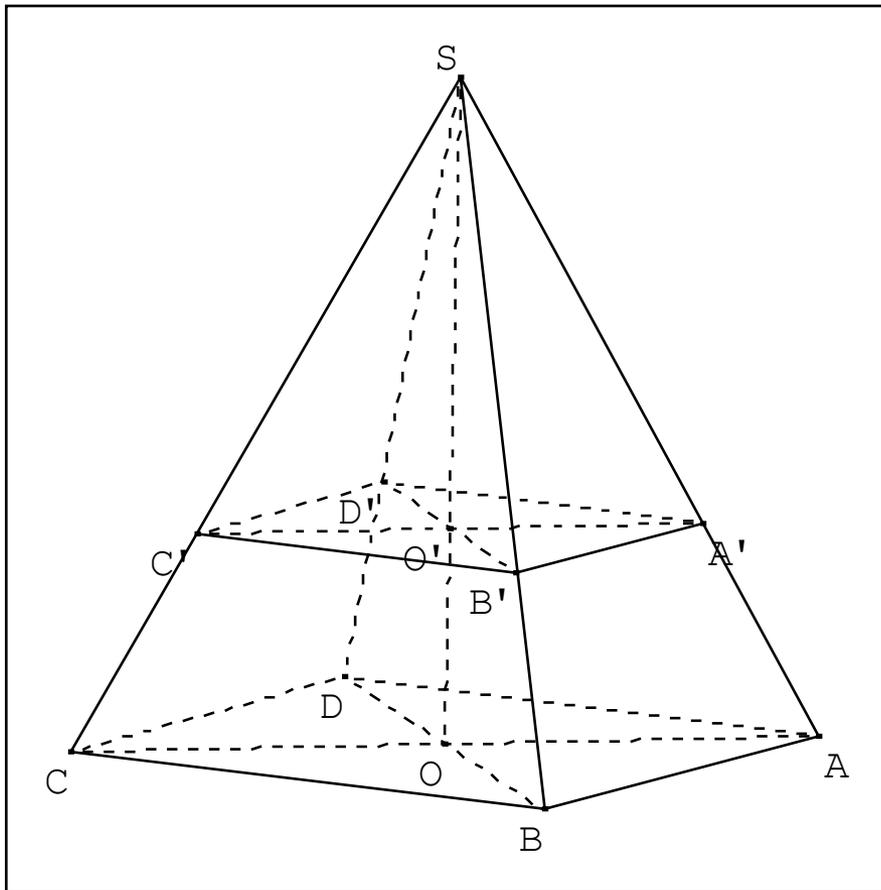
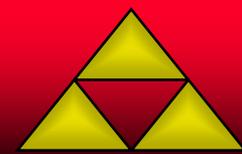
$$V = \pi r^2 h$$

## Aire latérale

L'aire latérale d'un cylindre de révolution est égale au périmètre de la base multiplié par la hauteur :

$2\pi r \times AB$

$$S = 2\pi r h$$

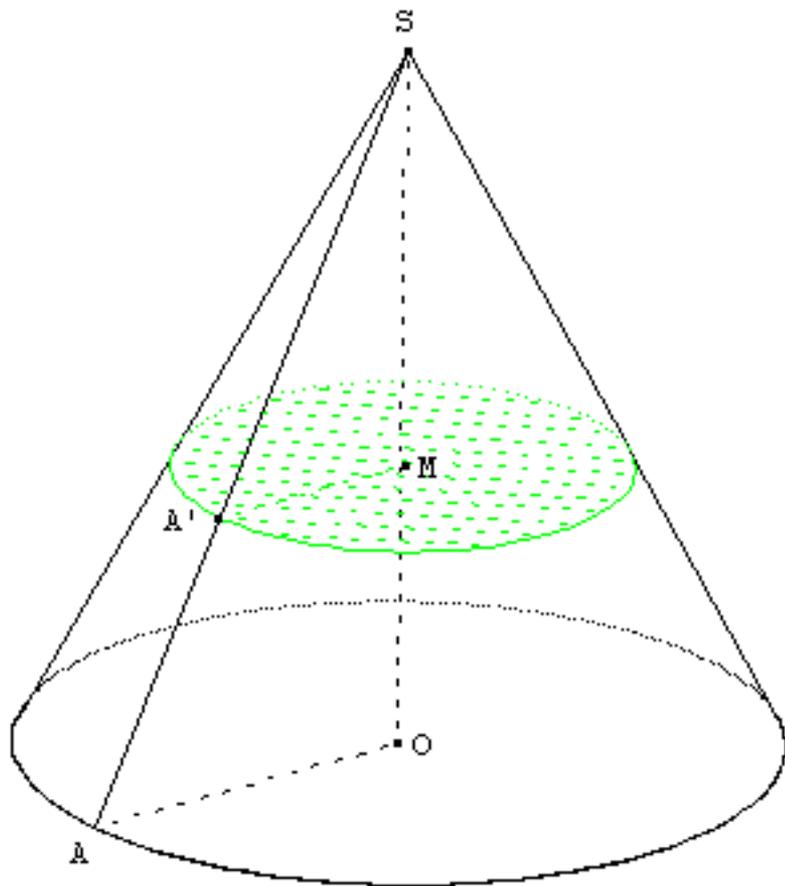


*B est l'aire de la base*

$$V = \frac{1}{3} B.h$$



# Reconnaître et calculer les volumes : le cône

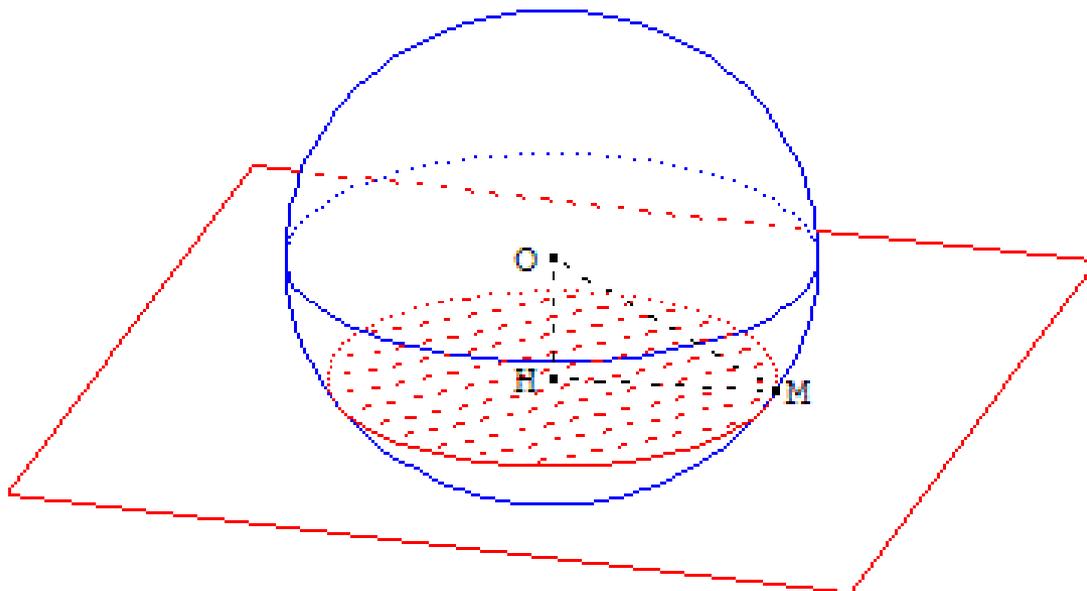


$B$  est l'aire de la base

$$V = \frac{1}{3} B.h$$

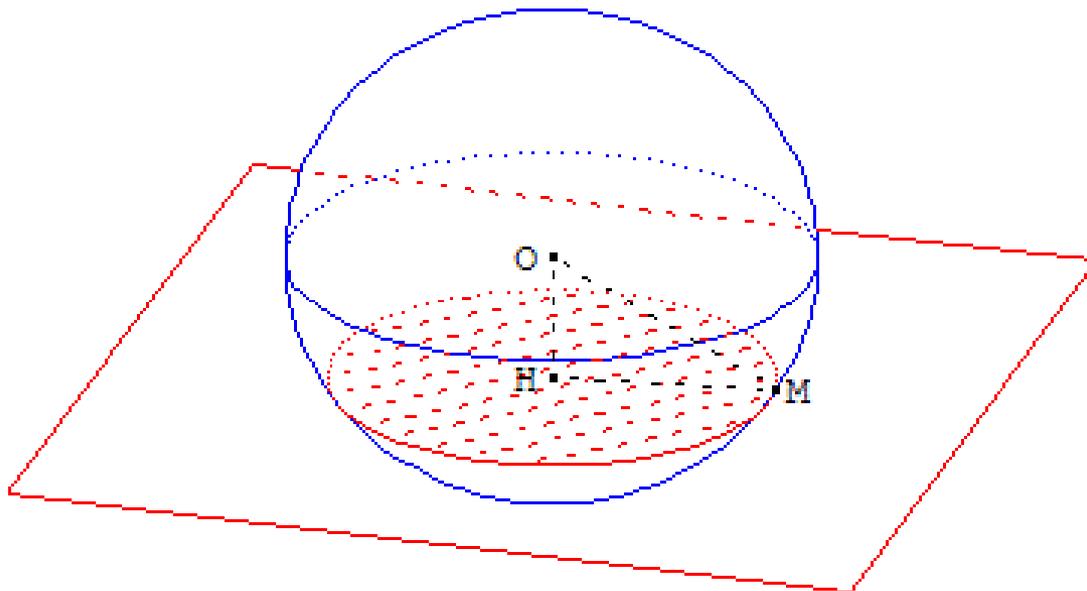


# Reconnaître et calculer les volumes : la sphere

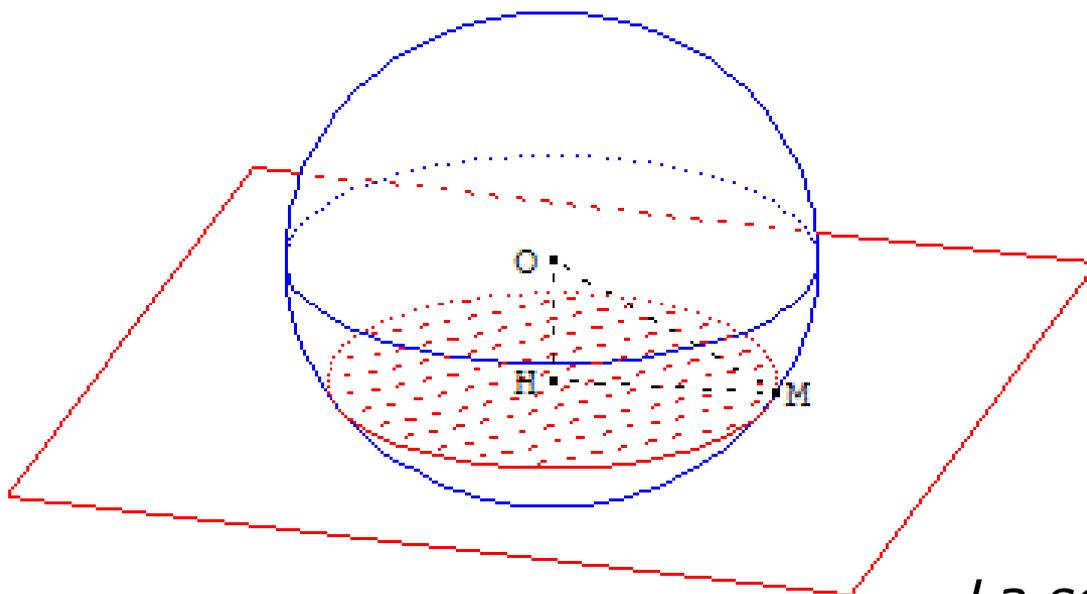


$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$S = 4\pi r^2$$

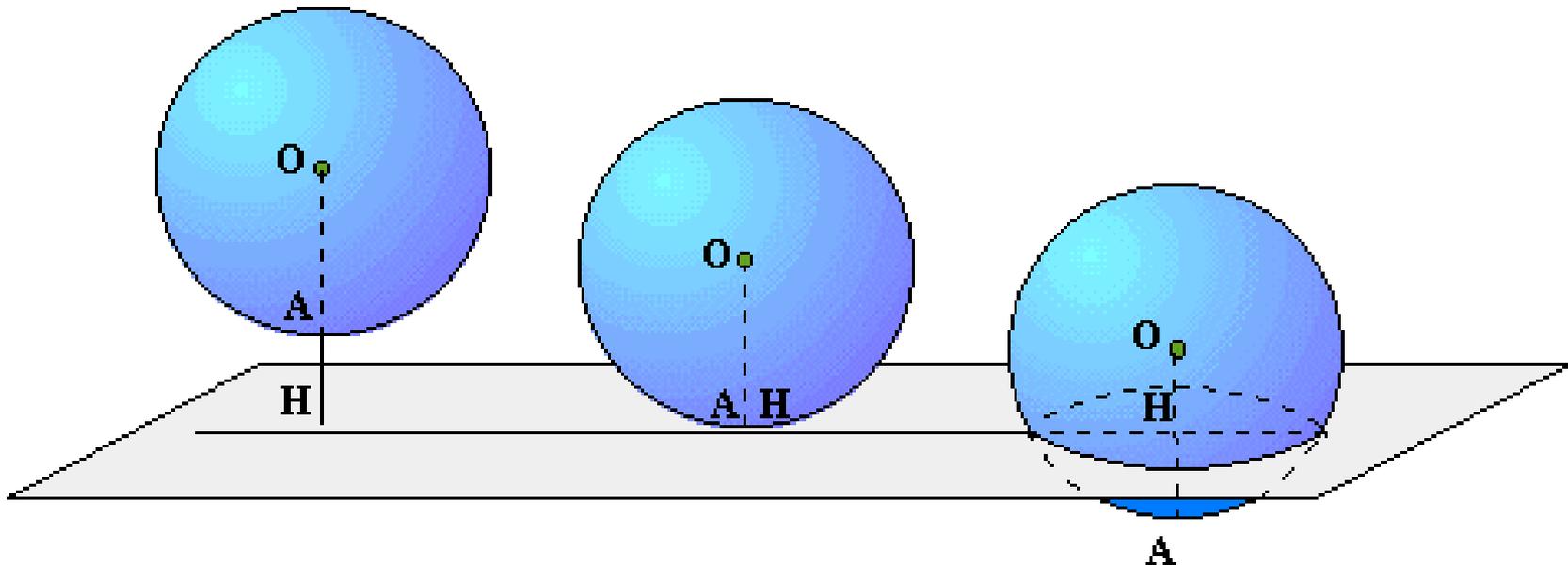
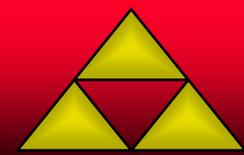


*La section d'une sphère par un plan est ..... ;*



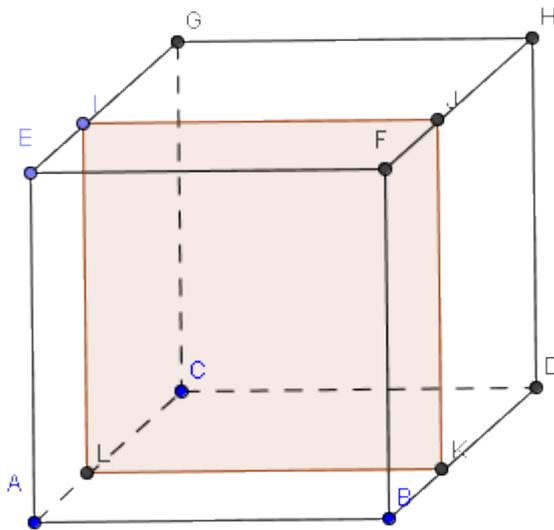
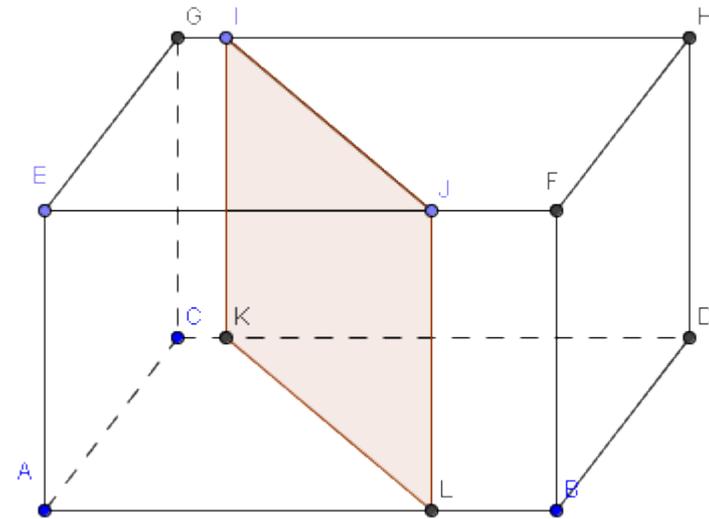
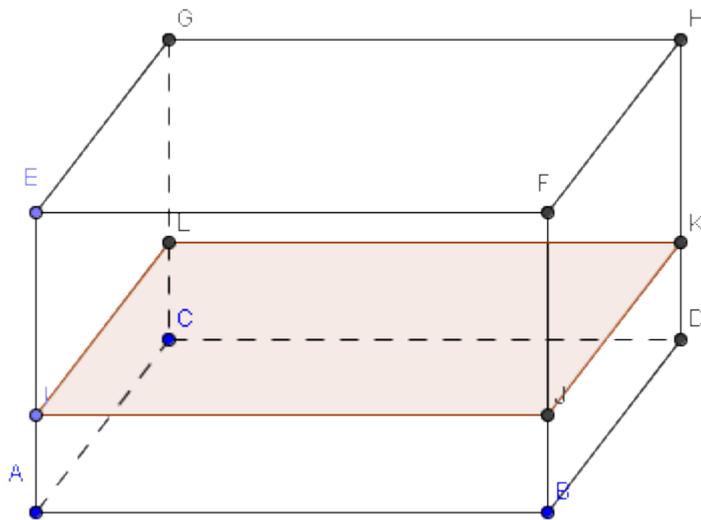
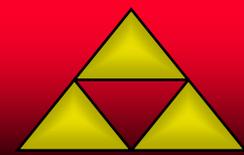
*La section d'une sphère par un plan est un **cercle**;  
Le centre de ce cercle ( $H$ ) est sur un diamètre de la sphère.  
Le triangle  $OHM$  est rectangle en  $H$ .*

## Section d'une sphère par un plan



$OH > \text{Rayon}$	$OH = \text{Rayon}$	$OH < \text{Rayon}$
Le plan est extérieur à la sphère.	Le plan est tangent à la sphère en A. Toutes les droites du plan passant par A sont <u>tangentes à la sphère</u> en A (elles sont perpendiculaires au rayon $[OA]$ ).	Le plan est sécant à la sphère. L'intersection est un cercle dont le centre est sur $[OA]$ (ici en H).

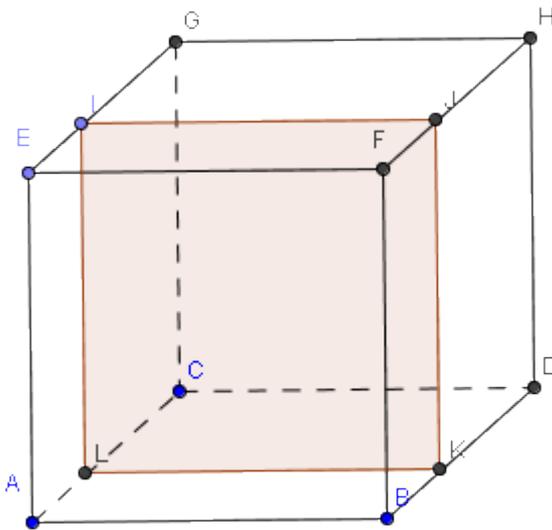
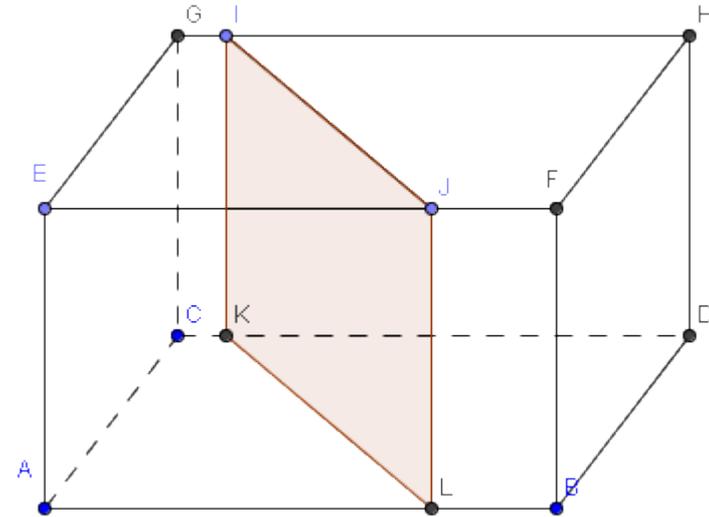
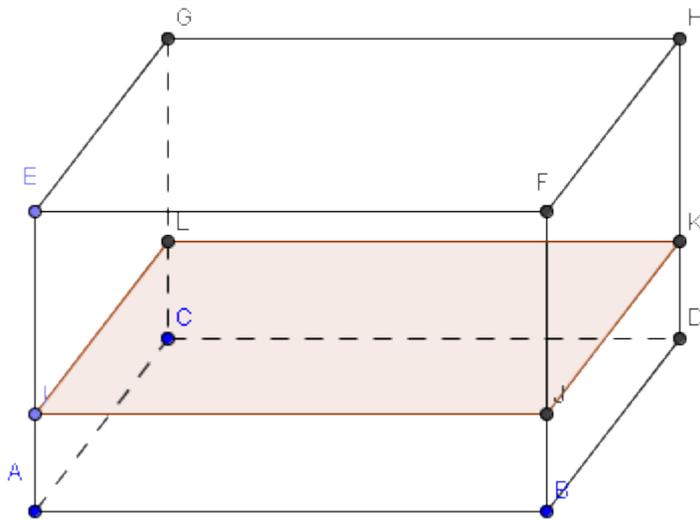
# Section d'un parallélépipède par un plan



*La section d'un parallélépipède rectangle par un plan :*

- . parallèle à une face est .....*;
- . parallèle à une arête est .....*;

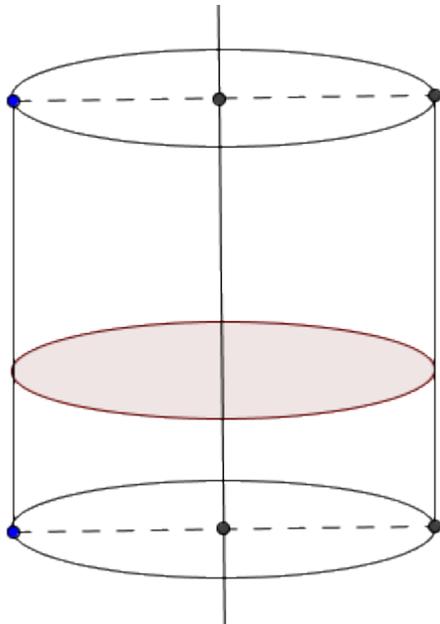
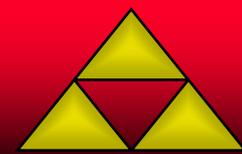
## Section d'un parallélépipède par un plan



*La section d'un parallélépipède rectangle par un plan :*

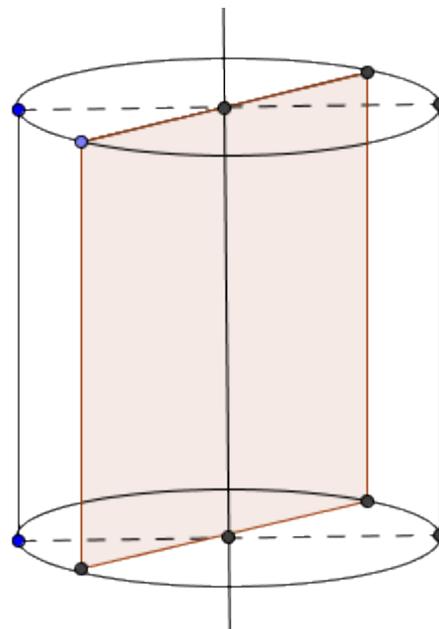
- . parallèle à une face est un **rectangle**;*
- . parallèle à une arête est un **rectangle**;*

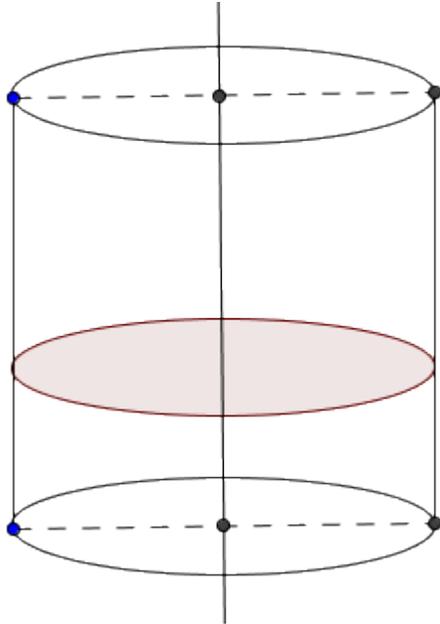
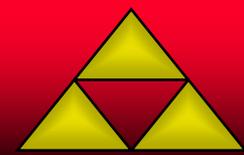
## Section d'un cylindre par un plan



*La section d'un cylindre de rayon  $R$  par un plan :*

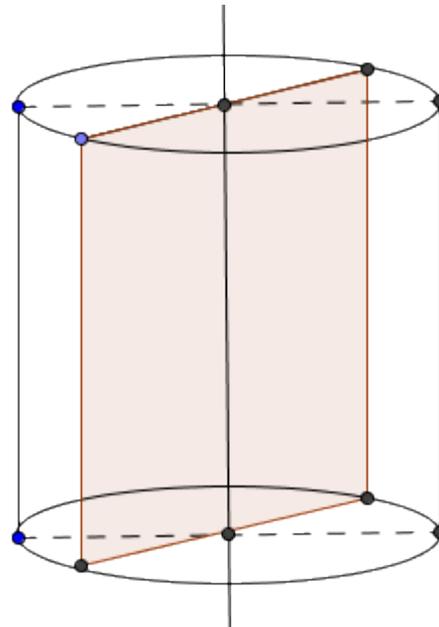
- . perpendiculaire à l'axe est .....*;
- . parallèle à l'axe est .....*;

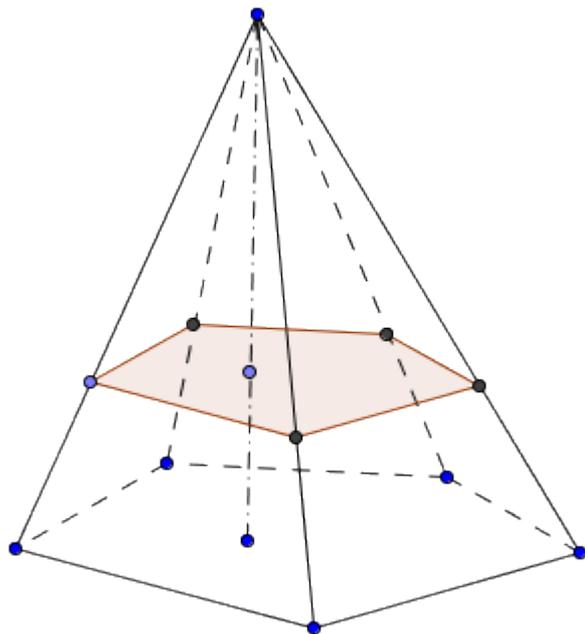




*La section d'un cylindre de rayon  $R$  par un plan :*

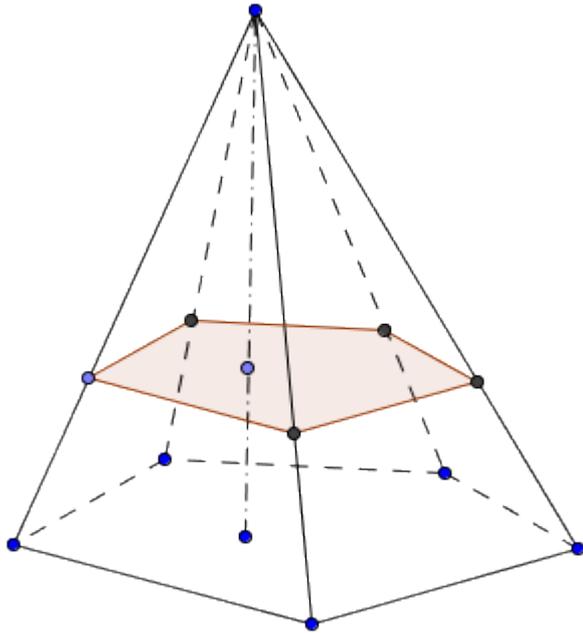
- . perpendiculaire à l'axe est un **cercle de rayon  $r$  dont le centre appartient à cet axe;***
- . parallèle à l'axe est un **rectangle;***



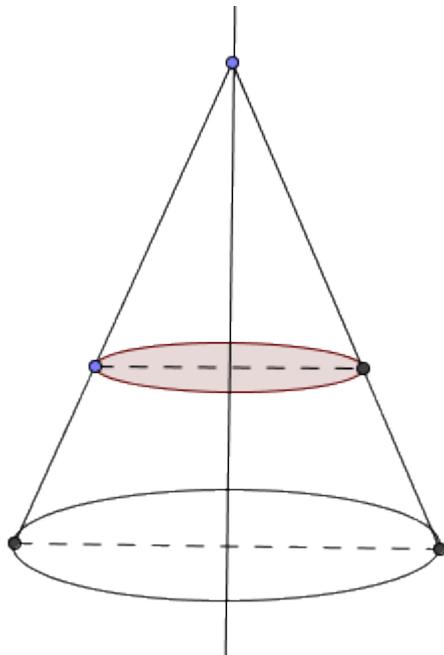


*La section d'une pyramide par un plan parallèle à la base est*

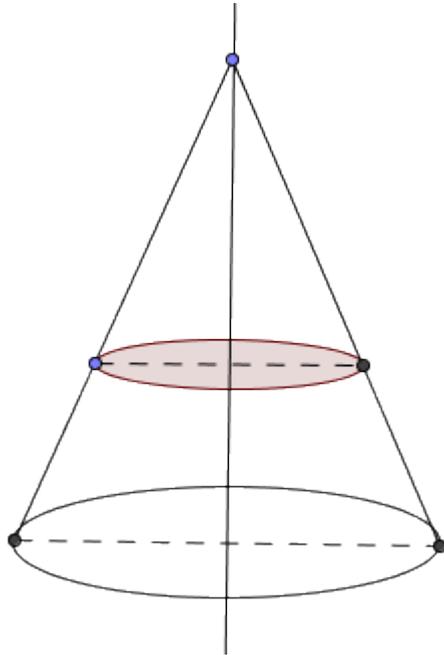
*.....*



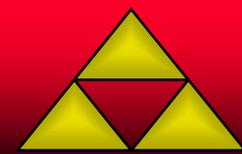
*La section d'une pyramide par un plan parallèle à la base est **une figure qui est une réduction de la base, d'un rapport donné par Thalès.** Ses côtés sont parallèles à ceux de la base.*



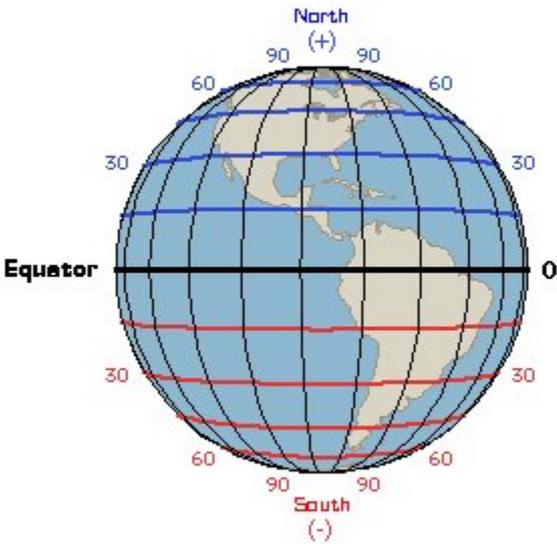
*La section d'un cône de révolution par un plan parallèle à la base est .....*



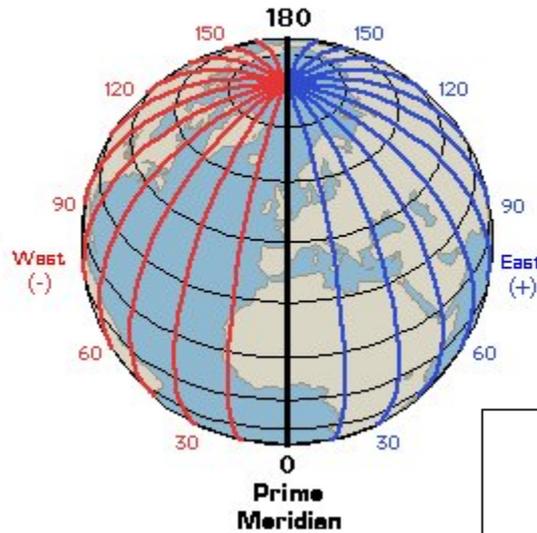
*La section d'un cône de révolution par un plan parallèle à la base est un **cercle réduction de la base**. Son centre appartient à la hauteur du cône.*



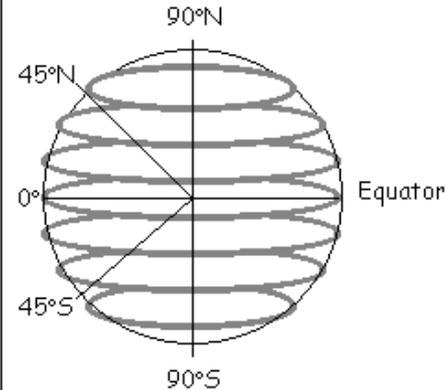
**Latitude**



**Longitude**

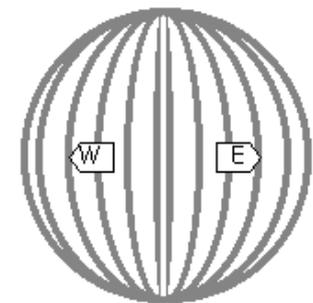


**Latitude  
(North/South)**

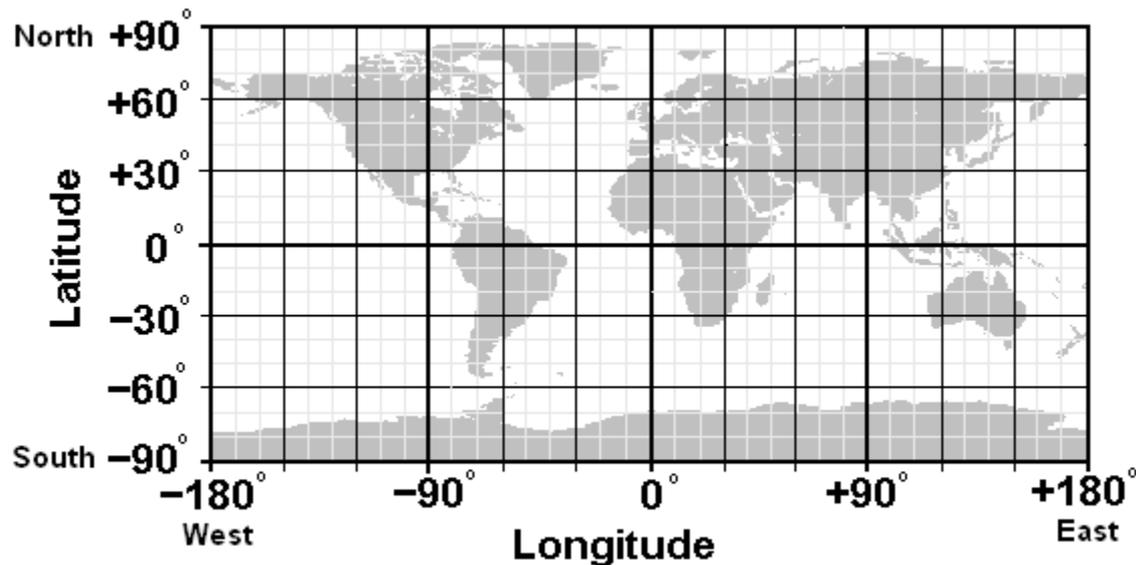
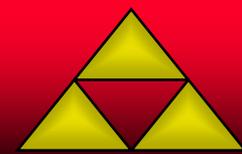


Latitudes varies from  $0^\circ$  at the equator to  $90^\circ$  North and South at the poles

**Longitude  
(West/East)**

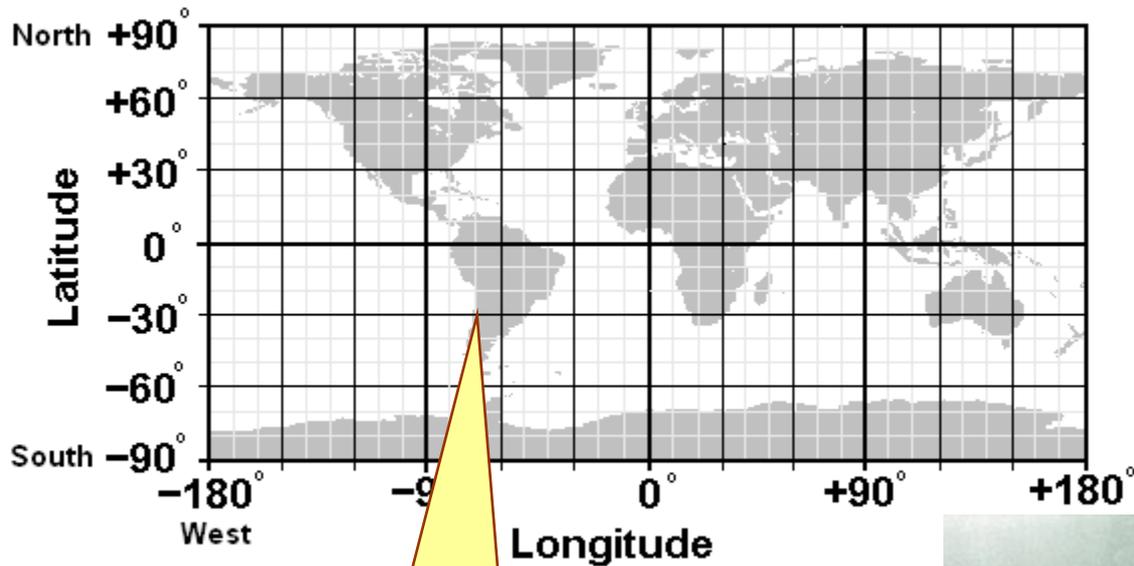
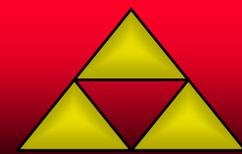


Longitudes varies from  $0^\circ$  at Greenwich to  $180^\circ$  East and West



[www.satsig.net](http://www.satsig.net)

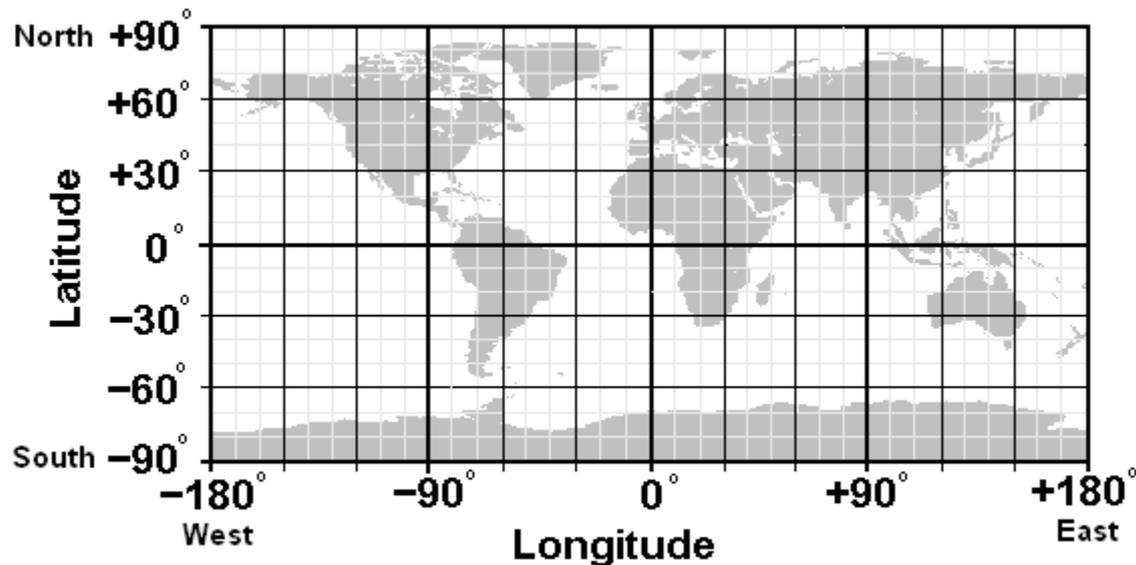
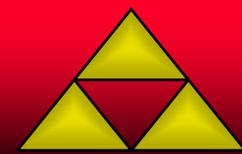
*Un avion s'écrase. Les rescapés envoient un SOS en indiquant  $70^\circ$  longitude Ouest et  $30^\circ$  latitude Sud. Dans quelle chaîne de montagnes sont-ils perdus*



Crash de  
Guillaumet  
dans les Andes

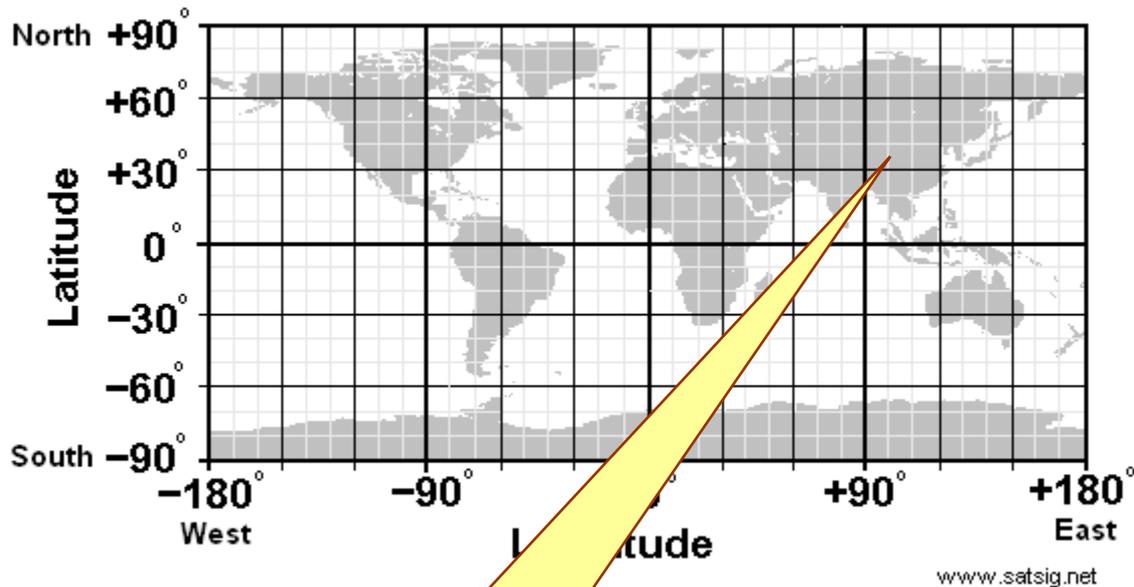
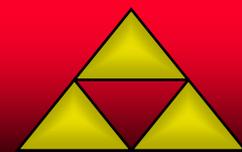
-70° W  
-30° S  
Dans les  
Andes





*Un avion s'écrase. Les rescapés envoient un SOS en indiquant  $80^\circ$  longitude Est et  $30^\circ$  latitude Nord.*

*Dans quelle chaîne de montagnes sont-il perdus*



Tintin au Tibet

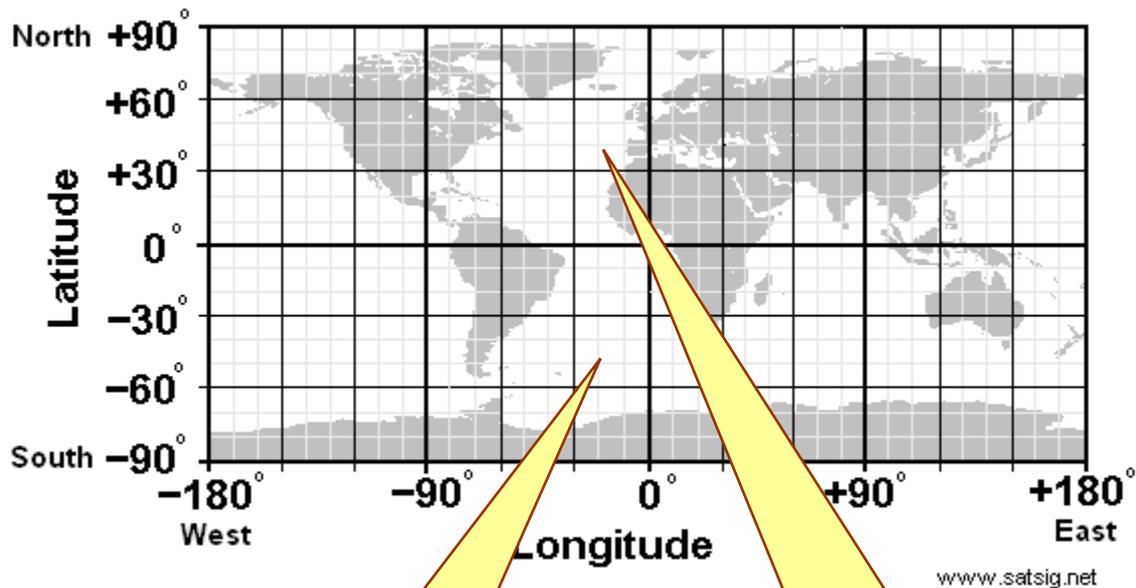
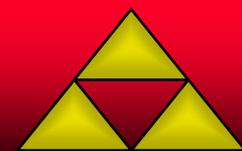
$80^{\circ}$  E  
 $30^{\circ}$  N  
Dans  
l'Himalaya





- le « mile nautique » (mille marin) correspond à la distance parcourue sur un méridien terrestre entre 2 points dont les latitudes sont séparées d'un angle d'1 minute.
- Dans l'océan Atlantique, l'archipel des Açores et celui des îles Sandwich du sud se trouvent alignées sur le même méridien terrestre.
- Les Açores sont situées dans l'hémisphère nord à une latitude de  $39^\circ\text{N}$
- La latitude des îles Sandwich, proches de l'Antartique, est de  $55^\circ\text{S}$ .
- Quelle est, en milles, la distance qui sépare les 2 archipels ?





Sandwich  
 $55^{\circ}$  S

Açores  
 $39^{\circ}$  N

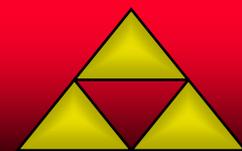




- les Açores et les îles Sandwich sont sur le même méridien
- L'écart de latitude :  $39^\circ + 55^\circ = 94^\circ$  d'angle
- 1 mile =  $1^\circ = 60$  mn
- La distance en milles entre les 2 latitudes est de  $94 \times 60$  soit 5 640 milles, soit 10 445 km



# Avons-nous atteint nos objectifs ?



- Quels sont les différentes formes de solides ?
- Parallélépipède, cylindre, sphère, cône et pyramide.
- Comment calculer les volumes et surfaces de ces solides ?
- Se rappeler des formules. Exemple sphère :

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$S = 4\pi r^2$$

- Comment déterminer les formes d'intersection de ces solides par un plan ?
- Raisonner sur une figure.

